

ÉRETTSÉGI VIZSGA • 2024. május 7.

MATEMATIKA

KÖZÉPSZINTŰ ÍRÁSBELI VIZSGA

JAVÍTÁSI-ÉRTÉKELESI ÚTMUTATÓ

OKTATÁSI HIVATAL

Fontos tudnivalók

Formai előírások:

1. Kérjük, hogy a dolgozatot a vizsgázó által használt színűtől **eltérő színű tollal, olvashatóan** javítsa ki.
2. A feladatok mellett található szürke téglalapok közül az elsőben a feladatra adható maximális pontszám van, a javító által adott **pontszám a** mellette levő **téglalapba** kerüljön.
3. **Kifogástalan megoldás** esetén kérjük, hogy a maximális pontszám feltüntetése mellett kipipálással jelezze, hogy az adott gondolati egységet láta, és jónak minősítette.
4. Hiányos/hibás megoldás esetén kérjük, hogy a **hiba jelzése** mellett az egyes **részpontszámokat** is írja rá a dolgozatra. Ha a dolgozat javítását jobban követhetővé teszi, akkor a vizsgázó által elvesztett részpontszámok jelzése is elfogadható. Ne maradjon olyan részlet a megoldásban, amelyről a javítás után nem nyilvánvaló, hogy helyes, hibás vagy félösszeges.
5. A javítás során **alkalmazza az alábbi jelöléseket**.
 - helyes lépés: *kipipálás*
 - elvi hiba: *kétszeres aláhúzás*
 - számolási hiba vagy más, nem elvi hiba: *egyszeres aláhúzás*
 - rossz kiinduló adattal végzett helyes lépés: *szaggatott vagy áthúzott kipipálás*
 - hiányos indoklás, hiányos felsorolás vagy más hiány: *hiányjel*
 - nem érthető rész: *kérdőjel és/vagy hullámvonal*
6. Az ábrán kívül **ceruzával** írt részeket ne értékelje.

Tartalmi kérések:

1. Egyes feladatoknál több megoldás pontozását is megadtuk. Amennyiben azoktól **eltérő megoldás** születik, keresse meg ezen megoldásoknak az útmutató egyes részleteivel egyenértékű részeit, és ennek alapján pontozzon.
2. A pontozási útmutató pontjai tovább **bonthatók, hacsak az útmutató másképp nem rendelkezik**. Az adható pontszámok azonban csak egész pontok lehetnek.
3. Ha a megoldásban **számolási hiba**, pontatlanság van, akkor csak arra a részre nem jár pont, ahol a tanuló a hibát elkövette. Ha a hibás részeredménnyel helyes gondolatmenet alapján tovább dolgozik, és a megoldandó probléma lényegében nem változik meg, akkor a következő részpontszámokat meg kell adni.
4. **Elvi hibát** követően egy gondolati egységen belül (ezeket az útmutatóban kettős vonal jelzi) a formálisan helyes matematikai lépésekre sem jár pont. Ha azonban a tanuló az elvi hibával kapott rossz eredménnyel – mint kiinduló adattal – helyesen számol tovább a következő gondolati egységekben vagy részkérdésekben, akkor ezekre a részekre kapja meg a maximális pontot, ha a megoldandó probléma lényegében nem változott meg.
5. Ha az útmutatóban egy **megjegyzés** zárójelben szerepel, akkor ennek hiánya esetén is teljes értékű a megoldás.

6. **Mértékegység hiánya esetén** csak akkor jár pontlevonás, ha a hiányzó mértékegység válaszban vagy mértékegység-átváltásban szerepel (zárójel nélkül).
7. Egy feladatra adott többféle megoldási próbálkozás közül **a vizsgázó által megjelölt változat értékelhető**. A javítás során egyértelműen jelezze, hogy melyik változatot értékelte, és melyiket nem.
8. A megoldásokért **jatalompont** (az adott feladatra vagy feladatrészre előírt maximális pontszámot meghaladó pont) **nem adható**.
9. Egy feladatra vagy részfeladatra adott összpontszám **nem lehet negatív**.
10. Az olyan részszámításokért, részlépésekért **nem jár pontlevonás**, melyek hibásak, de amelyeket a feladat megoldásához a vizsgázó ténylegesen nem használ fel.
11. A gondolatmenet kifejtése során **a zsebszámológép használata – további matematikai indoklás nélkül – a következő műveletek elvégzésére fogadható el**: összeadás, kivonás, szorzás, osztás, hatványozás, gyökvonás, $n!$, $\binom{n}{k}$ kiszámítása, a függvénytáblázatban fellelhető táblázatok helyettesítése (sin, cos, tg, log és ezek inverzei), a π és az e szám közelítő értékének megadása, nullára rendezett másodfokú egyenlet gyökeinek meghatározása. További matematikai indoklás nélkül használhatók a számológépek bizonyos statisztikai mutatók kiszámítására (átlag, szórás) abban az esetben, ha a feladat szövege kifejezetten nem követeli meg az ezzel kapcsolatos részletszámítások bemutatását is. **Egyéb esetekben a géppel elvégzett számítások indoklás nélküli lépéseknek számítanak, azokért nem jár pont.**
12. Az **ábrák** bizonyító erejű felhasználása (például adatok leolvasása méréssel) nem elfogadható.
13. **Valószínűségek** megadásánál (ha a feladat szövege másképp nem rendelkezik) a szárátkéban megadott helyes válasz is elfogadható.
14. Ha egy feladat szövege nem ír elő kerekítési kötelezettséget, akkor az útmutatóban megadottól eltérő, **ézszerű és helyes kerekítésekkel** kapott rész- és végeredmény is elfogadható.
15. **A vizsgafeladatsor II. B részében kitűzött 3 feladat közül csak 2 feladat megoldása értékelhető.** A vizsgázó az erre a célra szolgáló négyzetben – feltehetőleg – megjelölte annak a feladatnak a sorszámát, amelynek értékelése nem fog beszámítani az összpontszámába. Ennek megfelelően a megjelölt feladatra esetlegesen adott megoldást nem is kell javítani. Ha a vizsgázó nem jelölte meg, hogy melyik feladat értékelését nem kéri, és a választás ténye a dolgozatból sem derül ki egyértelműen, akkor a nem értékelendő feladat automatikusan a kitűzött sorrend szerinti utolsó feladat lesz.

I.

1.

1; 2; 4; 7; 14; 28	2 pont	6 helyes és 1 helytelen, illetve 4 vagy 5 helyes és 0 helytelen osztó esetén 1 pont jár. Más esetben nem jár pont.
Összesen:	2 pont	

2.

($6 \cdot 180^\circ =$) 1080°	2 pont	
Összesen:	2 pont	

3.

$(8 = 2^3$, tehát $3 \cdot 10 =$) 30 nap alatt.	2 pont	
Összesen:	2 pont	

4.

Az átlag $\left(\frac{6 \cdot 41 + 7 \cdot 42 + 9 \cdot 43 + 3 \cdot 44}{25} = \right) 42,36.$	2 pont	
A módusz 43.	1 pont	
A medián 42.	1 pont	
Összesen:	4 pont	

5.

$\binom{16}{2} = 120$	2 pont	
Összesen:	2 pont	

6.

$\overrightarrow{CB} = \mathbf{p} - \mathbf{q}$	1 pont	
$\overrightarrow{CF} = \frac{1}{2}(\mathbf{p} - \mathbf{q})$	1 pont	
$\overrightarrow{BA} = -\mathbf{p}$	1 pont	
Összesen:	3 pont	

7.

A tableták tömege összesen $166 - 24,7 = 141,3$ (g),	1 pont	
ezért $141,3 : 1,57 =$	1 pont	
= 90 tabletát tartalmaz a teli doboz.	1 pont	
Összesen:	3 pont	

8.

Az állítás megfordítása: *Ha két szám összege páros, akkor a két szám szorzata páratlan.*

1 pont

A megfordított állítás hamis.

1 pont

Összesen: **2 pont****9.**

$(1,06^3 \approx 1,191)$, azaz kb. 19,1%-kal nő.

2 pont

Összesen: **2 pont****10.**

$(2 = \frac{2}{3}x - 2)$, így $x = 6$, azaz a P pont első koordinátaja 6.

2 pont

Összesen: **2 pont****11.**

$f(3) = 4$

2 pont

Összesen: **2 pont****12.**

Összesen ($9 \cdot 10 =$) 90 db kétjegyű pozitív egész szám van (összes eset száma).

2 pont

Ezek közül 9 db osztható 11-gyel (kedvező esetek száma).

1 pont

A kérdezett valószínűség $\frac{9}{90} = 0,1$.

1 pont

Összesen: **4 pont****II. A****13. a) első megoldás**

A krumpli kilónkénti árát forintban jelölje k , a hagyomáét h . A feladat szövege alapján

$$\begin{cases} 4k + 3h = 1570 \\ 2k + h = 700 \end{cases}.$$

2 pont

A második egyenletből $h = 700 - 2k$, amit az első egyenletbe helyettesítve $4k + 2100 - 6k = 1570$.

1 pont

Az egyenlő együtthatók módszerével
 $\begin{cases} 4k + 3h = 1570 \\ 4k + 2h = 1400 \end{cases}$.

Ebből $k = 265$ Ft egy kg krumpli,

1 pont

A két egyenletet kivonva egymásból $h = 170$,

és $h = 700 - 2 \cdot 265 = 170$ Ft egy kg hagyma.

1 pont

és $k = 265$.

Ellenőrzés a szöveg alapján: $4 \cdot 265 + 3 \cdot 170 = 1570$ Ft és $2 \cdot 265 + 170 = 700$ Ft valóban.	1 pont	
Összesen:	6 pont	

13. a) második megoldás

Ha 2 kg krumpli és 1 kg hagyma 700 Ft-ba került, akkor 4 kg krumpli és 2 kg hagyma ára 1400 Ft volt.	2 pont	
Ebből az következik, hogy 1 kg hagyma $(1570 - 1400) = 170$ Ft-ba került,	2 pont	
egy kg krumpli ára pedig $(700 - 170) : 2 = 265$ Ft volt.	2 pont	
Összesen:	6 pont	

13. b)

A zárójeleket felbontva: $4 + 2x^2 - 2x = x^2 + 2x + 1$.	2 pont	
Rendezve: $x^2 - 4x + 3 = 0$.	1 pont	
$x_1 = 1, x_2 = 3$	2 pont	
Ellenőrzés behelyettesítéssel vagy ekvivalens átalakításokra való hivatkozással.	1 pont	
Összesen:	6 pont	

14. a) első megoldás

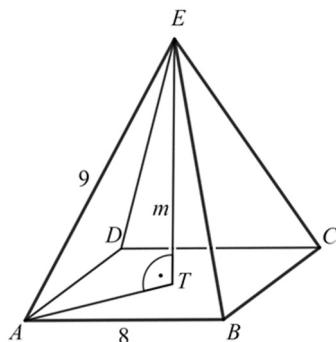
A Dóri által készített henger alapkörének sugara 3 cm,	1 pont	<i>Ez a pont akkor is jár, ha ez a gondolat csak a megoldásból derül ki.</i>
térfogata $V = 3^2 \cdot \pi \cdot 10 = 90\pi (\approx 282,7) (\text{cm}^3)$.	1 pont	
A Panni által formált 40 cm hosszú, r cm sugarú henger térfogata ugyanennyi, így $r^2\pi \cdot 40 = 90\pi$,	1 pont	
ahonnan $r^2 = 2,25$.	1 pont	
(Mivel $r > 0$, így) $r = 1,5$ (cm).	1 pont	
Tehát az átmérő 3 cm.	1 pont	
Összesen:	6 pont	

14. a) második megoldás

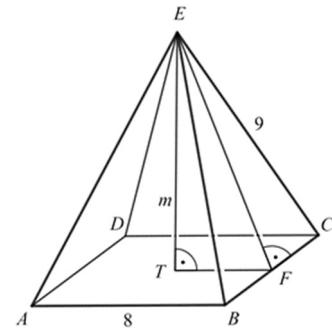
A két henger térfogata egyenlő, de a Panni által formált henger hossza négyzerese Dóriénak.	1 pont	
Így Panni hengerének alapterülete negyede a másik henger alapterületének.	2 pont	
(Bármely két kör hasonló, így) ha a két kör területének aránya 1 : 4, akkor a sugarak (illetve az átmérők) aránya ennek négyzetgyöke, azaz 1 : 2.	2 pont	
Tehát Panni hengerének átmérője fele akkora, mint Dóri hengerének átmérője, azaz 3 cm.	1 pont	
Összesen:	6 pont	

14. b)

A feladat megértését tükröző ábra.



1 pont

A gúla alaplapjának területe: $8^2 = 64$ (cm²).

1 pont

Az AT szakasz a négyzet átlójának a fele, tehát

$$AT = \frac{8\sqrt{2}}{2} = 4\sqrt{2} (\approx 5,66) \text{ (cm)}.$$

1 pont

Az EFC derékszögű háromszögben a Pitagorasztétel alapján
 $EF^2 + 4^2 = 9^2$,
 $EF = \sqrt{65} (\approx 8,06) \text{ (cm)}$.

Az ATE derékszögű háromszögben felírva a Pitagorasztételt: $(4\sqrt{2})^2 + m^2 = 9^2$,

1 pont

Az ETF derékszögű háromszögben
 $m^2 + 4^2 = (\sqrt{65})^2$,

amiből $m = 7$ (cm).

1 pont

A gúla térfogata $V = \frac{64 \cdot 7}{3} \approx 149,3 \text{ cm}^3$.

1 pont

Összesen: **6 pont****15. a)**A gráfnak ($4 + 3 \cdot 2 =$) 10 éle

1 pont

és 11 pontja van.

1 pont

Összesen: **2 pont****15. b)**Minden évben megduplázódik az új élek száma, tehát a második évben $6 \cdot 2 = 12$ új él keletkezik.

2 pont

Az egyes években a gráf új éleinek számai tekintetők egy olyan mértani sorozat egymást követő tagjainak, amelyben $a_1 = 6$ és $q = 2$.

A harmadik évben 24, a negyedikben 48 új él keletkezik,

1 pont

$$S_4 = 6 \cdot \frac{2^4 - 1}{2 - 1} =$$

tehát összesen $6 + 12 + 24 + 48 = 90$ új él keletkezik.

1 pont

$$= 90$$

Az eredeti 4 éssel együtt a negyedik év végén összesen $4 + 90 = 94$ éle lesz a gráfnak.

1 pont

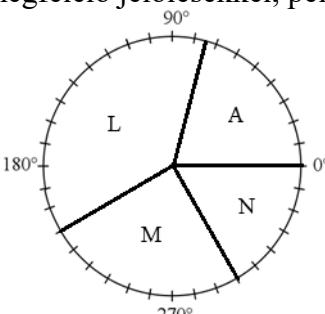
Összesen: **5 pont**

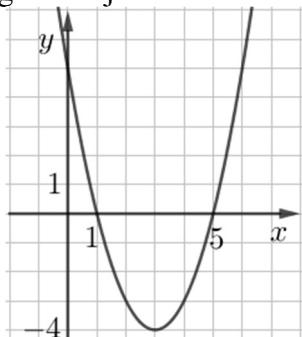
15. c)

Az egyes sorokba ültetett facsemeték száma egy száműtői sorozat egymást követő tagjaival egyezik meg. A sorozat első tagja 12, differenciája pedig 3.	1 pont	<i>Ez a pont akkor is jár, ha ez a gondolat csak a megoldásból derül ki.</i>
Az utolsó sorba $a_{17} = a_1 + 16d = 12 + 16 \cdot 3 =$	1 pont	
= 60 fát ültettek.	1 pont	
A területen összesen $S_{17} = \frac{a_1 + a_{17}}{2} \cdot 17 = \frac{12 + 60}{2} \cdot 17 =$	1 pont	$S_{17} = \frac{2 \cdot 12 + 16 \cdot 3}{2} \cdot 17 =$
= 612 facsemetét ültettek.	1 pont	
Összesen:	5 pont	

Megjegyzés: Ha a vizsgázó felsorolja a sorozat első 17 tagját, és ez alapján helyesen válaszol, akkor a teljes pontszám jár.

II. B**16. a)**

Az abszolútértékes függvényekhez tartozó középponti szög $360^\circ \cdot \frac{5}{24} = 75^\circ$.	1 pont	$1 \text{ db függvényhez } \frac{360^\circ}{24} = 15^\circ\text{-os középponti szög tartozik, így az abszolútértékes függvényekhez } 5 \cdot 15^\circ = 75^\circ\text{-os.}$
A másodfokú függvényekhez tartozó középponti szög $360^\circ \cdot \frac{6}{24} = 90^\circ$.	1 pont	$a \text{ másodfokú függvényhez } 6 \cdot 15^\circ = 90^\circ\text{-os.}$
Lineáris függvényből $24 \cdot \frac{135^\circ}{360^\circ} = 9$ darab van.	1 pont	$\frac{135^\circ}{15^\circ} = 9$
Négyzetgyökös függvényből $24 - (5 + 9 + 6) = 4$ darab van.	1 pont	
A négyzetgyökös függvényekhez tartozó középponti szög $(360^\circ - 75^\circ - 135^\circ - 90^\circ) = 60^\circ$.	1 pont	$4 \cdot 15^\circ = 60^\circ$
Kördiagram megfelelő jelölésekkel, például:	2 pont	
		
Összesen:	7 pont	

16. b)Az f függvény grafikonja:

2 pont

A zérushelyeket az $(x - 3)^2 - 4 = 0$ egyenlet gyökei adják meg.
Rendezve: $x^2 - 6x + 5 = 0$.

A függvény zérushelyei $x_1 = 1$ és $x_2 = 5$.

1 pont

Az f (szigorúan monoton) csökken, ha $x \leq 3$,
és (szigorúan monoton) növekszik, ha $x \geq 3$.1 pont $x < 3$ is elfogadható.1 pont $x > 3$ is elfogadható.

A függvénynek minimuma van.

1 pont

A minimum helye ($x = 3$,

1 pont

a minimum értéke ($f(3) = -4$).

1 pont

A függvény értékkészlete $[-4; \infty[$.

2 pont

Más helyes jelölés is elfogadható.

Összesen: 10 pont**17. a)**Az ABC háromszögben írjuk fel a BC oldalra a koszinusz-tételt: $35^2 = 40^2 + 25^2 - 2 \cdot 40 \cdot 25 \cdot \cos \alpha$.

1 pont

Ebből $\cos \alpha = 0,5$,

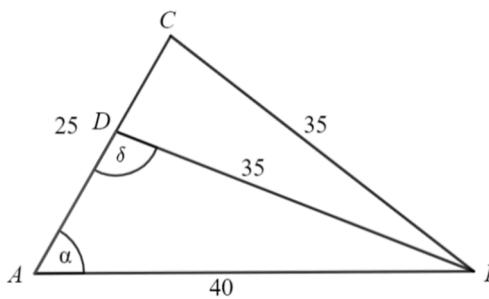
2 pont

azaz $\alpha = 60^\circ$ valóban.

1 pont

Összesen: 4 pont

Megjegyzés: Ha a vizsgázó a koszinusz-tételbe a 60° -ot behelyettesítve igaz egyenlőséget kap, akkor ezért 3 pont jár. Ha utal arra, hogy nincs más megfelelő szög, akkor ezért további 1 pontot kapjon.

17. b) első megoldás

1 pont*

Szinusztétel az ABD háromszögben: $\frac{\sin \delta}{\sin 60^\circ} = \frac{40}{35}$.

Ebből $\sin \delta \approx 0,9897$.

1 pont*

$\delta \approx 81,8^\circ$ nem megoldás (mert így az ABD háromszög nem tompaszögű).

1 pont*

Ez a pont akkor is jár, ha ez a gondolat csak a megoldásból derül ki.

$$\delta = (180^\circ - 81,8^\circ) = 98,2^\circ \text{ megfelelő.}$$

1 pont*

Az ABD háromszög B csúcsnál lévő szöge $(180^\circ - 60^\circ - 98,2^\circ) = 21,8^\circ$.

1 pont

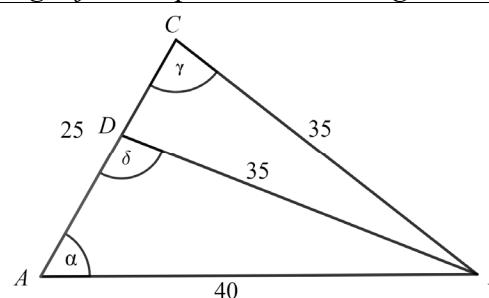
A háromszög területe:

$$T_{ABD} = \frac{40 \cdot 35 \cdot \sin 21,8^\circ}{2} \approx 260 \text{ cm}^2.$$

2 pont

Összesen: 7 pont

*A *-gal jelölt 4 pontot az alábbi gondolatmenetért is megkaphatja a vizsgázó:*



1 pont

Az ABC háromszög C csúcsnál lévő szögét γ -val jelölve a koszinusz-tétel alapján

$$40^2 = 35^2 + 25^2 - 2 \cdot 35 \cdot 25 \cdot \cos \gamma.$$

$$\cos \gamma \approx 0,1429$$

1 pont

$$\gamma \approx 81,8^\circ$$

1 pont

Mivel a BCD háromszög egyenlőszárú, így $\delta = 180^\circ - \gamma = 98,2^\circ$.

1 pont

17. b) második megoldás

Az ABD háromszögben felírjuk a koszinusz-tételt:
 $35^2 = 40^2 + AD^2 - 2 \cdot 40 \cdot AD \cdot \cos 60^\circ$.

1 pont

Ebből $AD^2 - 40 \cdot AD + 375 = 0$.

2 pont

$AD = 25$ nem megoldás (mert $AD < AC$).

1 pont

$AD = 15$ (cm) megfelelő.

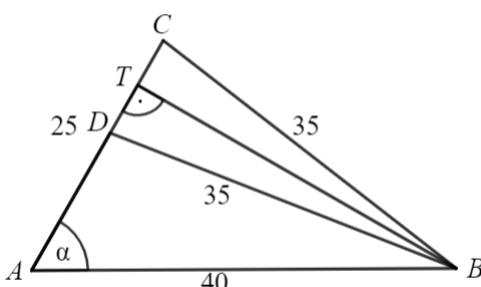
1 pont

A háromszög területe:

$$T_{ABD} = \frac{15 \cdot 40 \cdot \sin 60^\circ}{2} \approx 260 \text{ cm}^2.$$

2 pont

Összesen: 7 pont

17. b) harmadik megoldás

1 pont

Rajzoljuk meg az ABD háromszög B csúcsból induló magasságát. (Mivel az ABD háromszög tompaszögű, ezért a magasság T talppontja a háromszögön kívül esik.)

Az ABT háromszög egy szabályos háromszög fele, így $AT = 20$ (cm).

1 pont

$$CT = AC - AT = 5 \text{ (cm)}.$$

1 pont

$$CT = \sqrt{35^2 - (20 \cdot \sqrt{3})^2}$$

(A BCD egyenlőszárú háromszögben T felezi a CD szakaszt, így) $DT = 5$ (cm), azaz $AD = 15$ (cm).

1 pont

$$BT = 20 \cdot \sqrt{3} \text{ (cm)}$$

1 pont

Az ADB háromszög területe így

$$T_{ABD} = \frac{AD \cdot BT}{2} = 150 \cdot \sqrt{3} \approx 260 \text{ cm}^2.$$

2 pont

Összesen: 7 pont

Megjegyzés: Az ABD háromszög AB oldalhoz tartozó ma-

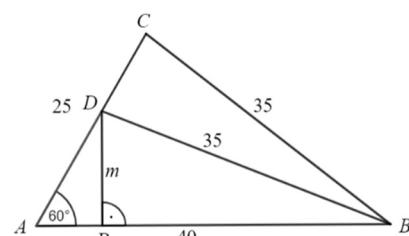
gasságát m -mel jelölve az AP szakasz hossza $\frac{m}{\sqrt{3}}$, a PB

szakasz hossza $40 - \frac{m}{\sqrt{3}}$ (1 pont). A PBD háromszögben a

Pitagorasz-tételt felírva (1 pont) m értéke meghatározható:

$m = \frac{15 \cdot \sqrt{3}}{2} \approx 13$ (cm) (3 pont). Az AB oldal és a hozzá tartozó magasság hosszából kiszámít-

ható az ABD háromszög területe (2 pont).



17. c) első megoldás

A lehetséges bejárási tervek: $BCDBAD$; $BCDABD$; $BDCBAD$; $BDABCD$; $BADBCD$; $BADCBD$.

3 pont *4 vagy 5 helyes bejárási terv megadása esetén 2 pont, 3 helyes bejárás megadása esetén 1 pont jár, 3-nál kevesebb esetén nem jár pont. Hibás bejárási terv írása esetén összesen 1 pont levonás jár.*

Összesen tehát 6 megfelelő bejárási terv létezik.

1 pont

Összesen: **4 pont**

17. c) második megoldás

A B csúcsból a D csúcsba három különböző útvonalon juthatunk el (ebből kettő 2 élen halad végig, egy pedig csak 1-en).

1 pont

Ezután D -ből két útvonalon lehetünk vissza B -be, majd onnan újra vissza a D csúcsba már csak egy „választásunk” marad.

1 pont

Összesen tehát $3 \cdot 2 \cdot 1 = 6$ megfelelő bejárási terv létezik.

1 pont

Összesen: **4 pont**

17. d)

- (1) igaz
(2) hamis
(3) igaz

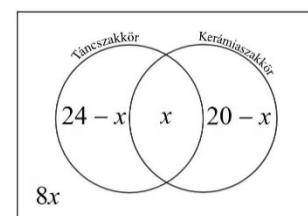
2 jó válasz esetén 1 pont,
1 jó válasz esetén 0 pont jár.

Összesen: **2 pont**

18. a)

Azoknak a tanulóknak a számát, akik minden két szakkörre járnak, jelölje x . Ekkor $8x$ tanuló nem jár egyik szakkörre sem.

1 pont



Csak táncszakkörre $24 - x$, csak kerámiaszakkörre $20 - x$ tanuló jár.

1 pont

A feladat szövege alapján

$$24 - x + 20 - x + x + 8x = 142.$$

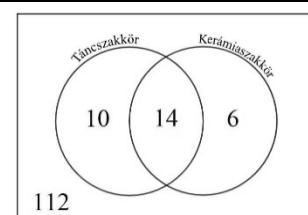
$$24 + 20 - x + 8x = 142$$

$$x = 14$$

1 pont

10 fő jár csak táncszakkörre,

1 pont



6 fő jár csak kerámiaszakkörre.

1 pont

Ellenőrzés a szöveg alapján:

$$10 + 6 + 14 + 8 \cdot 14 = 142.$$

1 pont

Összesen: **7 pont**

18. b) első megoldás

Az első tanuló 16 helyre ülhet, a következő tanuló nem ülhet mellé, így ö 14 helyre ülhet, és így tovább. $16 \cdot 14 \cdot 12 \cdots \cdot 2 =$ $= 10\ 321\ 920.$	1 pont	<i>Ez a pont akkor is jár, ha ez a gondolat csak a megoldásból derül ki.</i>
Az összes lehetséges ülésrend száma így	2 pont	
$16 \cdot 14 \cdot 12 \cdots \cdot 2 =$	1 pont	
Összesen:	4 pont	

18. b) második megoldás

8! (= 40 320)-féleképpen választható ki, hogy melyik diák melyik padban üljön.	1 pont	
Minden diák a padjában két hely közül választhat. A 8 diák esetén ez összesen 2^8 (= 256) lehetőség.	2 pont	
Az összes lehetséges ülésrend száma így $2^8 \cdot 8! = 256 \cdot 40\ 320 = 10\ 321\ 920.$	1 pont	
Összesen:	4 pont	

18. c)

A 14 tanulóból 3-at (a sorrendre való tekintet nélkül) $\binom{14}{3}$ (= 364)-féleképpen lehet kiválasztani (összes eset száma).	1 pont	<i>A sorrendet is figyelembe véve: 14·13·12</i>
A 6 kerámiászakkörre járó tanuló közül 2-t $\binom{6}{2}$ (= 15)-féleképpen,	1 pont	$6 \cdot 5$
a maradék 8 tanuló közül 1-et 8-féleképpen lehet ki-választani.	1 pont	
A kedvező esetek száma $\binom{6}{2} \cdot 8$.	1 pont	$6 \cdot 5 \cdot 8 \cdot 3$
A keresett valószínűség: $\frac{\binom{6}{2} \cdot 8}{\binom{14}{3}} = \frac{120}{364} \approx 0,33.$	2 pont	$\frac{6 \cdot 5 \cdot 8 \cdot 3}{14 \cdot 13 \cdot 12} = \frac{720}{2184}$
Összesen:	6 pont	